



ราชบูรณะ
และศิลปะ
อุดมคุณ

ข่าวรามคำแหง

RAMKHAMHAENG UNIVERSITY NEWSLETTER

ม.ร.0601.033.032/2520.07.14 [001-008]

ฉบับที่ ๑๔
ปีที่ ๗ เดือนกันยายน
๒๕๒๐
๙ ชั่วโมง ๒๓๘๖
วันอังคาร ๒๓

เพื่อเป็นสื่อสาร
ระหว่าง
มหาวิทยาลัยกับนักศึกษา



บันทึกพาทมหาราชมนต์สุดดี

เนื่อง

ในอภิลักษิตสมัย วันเฉลิมพระชนมพรรษา

๑๒ สิงหาคม ๒๕๒๐

ด้วยเรือนยอดน้ำ

อันบรรจุเศษเหล็กบรรณาธิการหนึ่

กุญชรประดับ

ล้วนลดลงห่อไว้ในกรอบเด็กอ่อนกัน

รัตน์ล้อมรัชกาล

เป็นนิลชัญโญไปขอพระอุปาราม

ทรงอนุญาตให้

พระราชทานน้ำ

เชื่อมเทียบ

รุ่งเรืองทั่วทุก方 ให้แก่ฉัน

ทรงอนุญาตให้ไว้

ในไทยแล้วที่สูง	ทรงบรรจุ
เจ้าพ่อผู้ครองกรุงศรีอยุธยา	ในรากไม้
เมืองนนท์ในเดล	ในรากไม้
กุญชรเด็กอุปารามที่สูง	ในรากไม้
เมืองนนท์ในเดล	ในรากไม้
พระราชทานน้ำ	ในรากไม้
เด็กอุปารามที่สูง	ในรากไม้
เด็กอุปารามที่สูง	ในรากไม้
เด็กอุปารามที่สูง	ในรากไม้

บันทึกพาทมหาราชมนต์สุดดี

ในประเทศไทย

มหาวิทยาลัยรามคำแหง

(มหาวิทยาลัยรามคำแหง)

โครงการอาจารย์สัญจร

โดยที่ร่วมมุ่งเข้มหัวเรือที่อธิบายถ้าแผนระหว่างการศึกษา
ชั้นปริญญาตรี ชั้นปีที่ ๑ เนshapeปีกศึกษา ๒๕๒๐ พ.ศ. ๒๕๒๐
กิจกรรมให้เกิดความร่วมมือในการเขียนเรียนชั้นปีที่ ๑ ในภาค ๑
ภาค ๒ และภาคฤดูร้อน รวม ๗๔ กระบวนการเรียน และให้เพิ่มหัวเรือ
เพื่อจัดให้มีการสอนสำหรับกระบวนการเรียนทั้งหมดที่ต้องการ
ตามที่มหาวิทยาลัยเห็นสมควร นั้น

ที่มา: กานน้ำ

การยกเว้นการเข้ารับราชการทหาร กองประจำการยามปกติ สำหรับนักศึกษาวิชาการ

เพื่อปฏิรูปให้เป็นไปตามระเบียบการบริหารที่มีแผน
การฝึกหัดทักษะการทหาร พ.ศ. ๒๕๑๖ มหาวิทยาลัยรวมค่าหาง
ซึ่งประกอบให้แก่ศึกษาวิชาการ ชั้นปีที่ ๑-๓ ซึ่งในระบบท่อง
เที่ยวนักศึกษาจะได้ออกจากภารกิจในภาคปกติ และมีความประ
พฤติที่จะช่วยทำให้การสอนและการศึกษาของมหาวิทยาลัย
ทำให้การสอนและการศึกษาของมหาวิทยาลัยเพื่อการให้แก่การ
ท่องเที่ยวและเรียนรู้เพื่อเวลา ๘.๔๕ ชั่วโมงให้แก่ศึกษาในแผนทุกห้อง
การสอน ดังนี้

ที่มา: กานน้ำ

น.ร. จัดพิธีไหว้ครู

มหาวิทยาลัยรามคำแหง ระบุจัดให้ไหว้ครูประจำปีการศึกษา
๒๕๒๐ ชั้น ในวันพุธที่ ๒๕ สิงหาคม ๒๕๒๐ เพื่อเป็นการ
ระลึกถึงพระคุณของ ครู อาจารย์ ผู้ประดิษฐ์ประศาสนวิชาให้
ให้ได้รับความรู้และเรียนรู้เพื่อเวลา ๘.๔๕ ชั่วโมงให้แก่ศึกษาในแผนทุกห้อง
การสอน ดังนี้

คณะกรรมการประจำปีพื้นที่ น.ร.

ประกาศ

เมื่อวันที่ ๒๕ สิงหาคม ๒๕๒๐ โดยมหาวิทยาลัยรามคำแหง ระบุจัดให้ไหว้ครู
ประจำปีการศึกษาปีที่ ๒๕ สิงหาคม ๒๕๒๐ เพื่อเป็นการระลึกถึงพระคุณของครู อาจารย์
ผู้ประดิษฐ์ประศาสนวิชาให้ได้รับความรู้และเรียนรู้เพื่อเวลา ๘.๔๕ ชั่วโมงให้แก่ศึกษาในแผนทุกห้อง
การสอน ดังนี้

© RULib Archives

ข่าวรำคำแหง

MA 109

พนธน์ฯ อาจารย์นันกษา ภริณีแห้วัน
นักศึกษาจะต้องผ่านวิชาฯ ให้ทัน

ภาควิชาคณิตศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์
มหาวิทยาลัยธรรมศาสตร์

ชุดที่ 1 ภาษาไทยและข้อข้อของกระบวนการวิชา

1. เพื่อให้แก่ศักดิ์ฯ ให้รู้และเข้าใจเกี่ยวกับเส้นตรง
ภาคที่สองของกรวย เรขาคณิตวิเคราะห์แบบสามมิติ และรูป
กรวยทั้ง ๔ ในรูปแบบและในสเปซ

2. เพื่อเป็นพื้นฐานในการเรียนเรขาคณิตวิเคราะห์
ชุดที่ 2

คำสำคัญกระบวนการวิชา

หนังสือเรขาคณิตวิเคราะห์
โดย อารักษ์ สุนทร แสรวงษ์
อาจารย์สุจัง โภประเสริฐ

หนังสืออ่านเพิ่มเติม

หนังสือเกี่ยวกับเรขาคณิตวิเคราะห์ที่ทูกเด่น
การวัดผล (การสอน) ลักษณะ แผนป่าไม้ ร้านงาน ๖๐ ข้อ
ตัวอักษรข้อสอบพร้อมเฉลย

ข้อสอบ รูปที่ใช้มาว่า การฟ้องสมการคือไปที่
เป็นรูปอะไร

$$y^2 - 4y = 12x + 32$$

ก. วงกลม	ก. พาราโบลา
ก. เอลลิปต์	ก. ไฮเปอร์โบลา
ก. กระบอก	ก. พาราโบลา

บทที่ 1

เส้นโคจรรัศมีและระยะนา

1. เส้นโคจรรัศมี คือเส้นกรวยที่ ๔ ที่มีการ
กำหนดศูนย์ ที่หนึ่งให้เป็นศูนย์กำนิดและแบ่งส่วนของบนเส้น
นั้น ๆ กัน หัวทางข้ามและหัวของจุดกำนิดและทุกจุดบน
เส้นนั้นจะสมมติเป็นเส้นที่หัวทางขวาของจุดกำนิดและทุกจุดบน
เส้นนั้นจะเป็นเส้นที่หัวทางขวาของจุดกำนิดและทุกจุดบน

2. ระยะทางบนเส้นโคจรรัศมี คือให้ A และ
 B เป็นจุดสองจุดบนเส้นโคจรรัศมี รัศมีโคจรรัศมี
เมื่อ a และ b คือลักษณะ แล้วความยาวของเส้นเส้นที่ AB
เรียกว่าสัญลักษณ์ $|AB|$ รัศมีค่าเท่ากับ $|b-a|$

3. การบ่งเชิงมุมที่ความอัตราส่วนที่กำหนดให้
คือ A, B และ C เป็นจุดสามจุดบนเส้นโคจรรัศมี รัศมี
โคจรรัศมีเป็น a, b และ c คือลักษณะ และ $\frac{AC}{CA} = r$
แล้ว C คือมีโคจรรัศมีเป็น $C = \frac{a+b}{1+r}$ และค่า C เป็น
จุดที่อยู่ทาง AB และ C จะมีโคจรรัศมีเป็น $c = \frac{a+b}{r}$

4. ระยะโคจรรัศมีที่ติดกัน คือระยะโคจรรัศมี
ที่เป็นรูปบันทึกที่ติดกัน ให้ถูกต้อง
โดยที่ไป เรนเรือกเส้นที่อยู่ในแนวราบกันว่า x และ
เส้นที่อยู่ในแนวที่ว่า y ซึ่งแทนที่ของเรือกาวาแทน
โคจรรัศมี จุดที่ติดกันเรียกว่าจุดกำนิด ในการบันทึก
เรียบแทนที่ทั้ง ๔ ให้ หัวทางขวาของจุดกำนิดเรือกาวา
เป็นโคจรรัศมีของจุดนั้น

5. การหาระยะทางระหว่างจุดสองจุด คือให้ d
เป็นระยะทางระหว่าง $P_1(x_1, y_1)$ และ $P_2(x_2, y_2)$ และ
 $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$

6. การแบ่งเชิงมุมที่ตามอัตราส่วนที่กำหนดให้
คือ $P_1(x_1, y_1), P_2(x_2, y_2)$ และ $P(x, y)$ อยู่บนเส้น
กรวยเส้นที่หัวและ $\frac{PP_1}{PP_2} = r$ และจุด $P(x, y)$ จะมี
โคจรรัศมี $(x, y) = \left(\frac{x_1 + rx_2}{1+r}, \frac{y_1 + ry_2}{1+r} \right)$

บทที่ 2

เส้นตรง

1. ความเชื่อมและความขั้นของเส้นตรง ความ
เชื่อมของเส้นกรวยที่ L คือมุมที่หัวทางแทน \times ไปยังเส้น
กรวยนั้นโดยหัวทางเริ่มต้นพิกัด

ความขั้นของเส้นกรวยที่ L คือ tangent ของความ
เชื่อม

2. ความขั้นของเส้นตรงที่หัวทาง L คือให้ L
เป็นเส้นกรวยที่หัว $P_1(x_1, y_1)$ และ $P_2(x_2, y_2)$
เส้นกรวย L จะมีความชัน $m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$

3. เส้นตรงนานกันและเส้นตรงที่หัวทาง L_1
และ L_2 เป็นเส้นกรวยสองเส้นซึ่งมีความชัน m_1 และ
 m_2 คือลักษณะแล้ว

$$1) L_1 \text{ จะนานกับ } L_2 \text{ ก็ต่อเมื่อ } m_1 = m_2$$

$$2) L_1 \text{ จะนานกับ } L_2 \text{ ก็ต่อเมื่อ } m_1 = -m_2 = -1$$

4. น้ำจากเส้นตรงจะน้ำไปยังอีกเส้นหนึ่ง คือให้
 L_1 และ L_2 เป็นเส้นกรวยสองเส้นซึ่งมีความชัน m_1 และ
 m_2 คือลักษณะ และให้ θ เป็นมุมจาก L_1 ไปยัง L_2
(หัวทางเริ่มต้นพิกัด) และ $\tan \theta = \frac{m_2 - m_1}{1 + m_1 m_2}$

5. พื้นที่ของรูปหลายเหลี่ยม คือ $P_1(x_1, y_1)$,
 $P_2(x_2, y_2)$ และ $P_3(x_3, y_3)$ เป็นจุดสามจุดของรูป
รูปหนึ่ง พื้นที่ของรูปสามเหลี่ยม $P_1 P_2 P_3$ คือ

$$\Lambda = \frac{1}{2} (x_1 y_2 + x_2 y_3 + x_3 y_1 - x_2 y_1 - x_3 y_2 - x_1 y_3)$$

ซึ่งรวมเริ่มในรูปผลบวกของพื้นที่ทั้งหมด

$$\begin{array}{ccc} x_1 & y_1 & - \\ x_2 & y_2 & - \\ \Lambda = \frac{1}{2} & & - \\ x_3 & y_3 & + \\ x_1 & y_1 & + \end{array}$$

ในการบันทึกเรื่องรูปหลายเหลี่ยมให้

บทที่ 3

สมการและกราฟ

1. สมการของเส้นตรง คือสมการที่มีข้อกำหนด x
และ y และ θ (x, y) จะอยู่บนเส้นกรวย L ก็ต่อเมื่อ (x, y)
คือลักษณะของการของเส้นกรวย L

- เส้นกรวยที่ข้างกันแนก y มีสมการ $x = k$
เมื่อ $k = \text{ค่าคงที่}$

- เส้นกรวยที่ข้างกันแนก x มีสมการ $y = k$
เมื่อ $k = \text{ค่าคงที่}$

- สมการของเส้นกรวยที่หัว (x_1, y_1) และความ
ชันเป็น m ก็ต่อเมื่อ $y - y_1 = m(x - x_1)$

- เส้นกรวยที่หัว (x_1, y_1) และ (x_2, y_2) จะมี
สมการเป็น $\frac{y - y_1}{x - x_1} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$

- เส้นกรวยมีความชัน m และระยะหัวกันแนก y

เท่ากับ \pm มีสมการเป็น $y = m x + b$

- สมการแบบที่ไปของเส้นกรวยมีสมการก่อให้
หันศูนย์ $Ax + By + C = 0$ เมื่อ A, B, C
เป็นค่าคงที่ $\neq 0$

2. ระยะหัวของรูปสามเหลี่ยม ระยะหัวของรูป
 $P_1(x_1, y_1)$ จากเส้นกรวยที่มีสมการ $Ax + By + C = 0$
ก็ $d = \frac{|Ax_1 + By_1 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$

3. สมการของเส้นตรงแบบอนุร่อง คือให้ $/$
เป็นเส้นกรวยเส้นหนึ่งและ k เป็นเส้นกรวยอีกเส้นหนึ่งซึ่งลาก
ผ่านจุดที่ไม่ได้ไปที่จุดกัน $/$ คือ ∞ เป็นความเชื่อมของ k
และ p เป็นระยะทางทั้งจุดจากจุดที่ไม่ได้ไปที่จุดกัน $/$ และ
สมการแบบอนุร่องของ $/$ คือ

$$x \cos \alpha + y \sin \alpha - p = 0$$

บทที่ 4 วงกลม

1. นิยาม วงกลมคือ ໄลกซองรูปทรงกลมที่
หัวทางกรุกงห์ที่ทุกหนึ่งเป็นระยะทางคงที่

2. สมการของวงกลม คือให้ $P(x, y)$ เป็นจุด
ที่ Λ ไม่ได้ \perp และจุดที่หัว (h, k) ซึ่งหัวทางกรุกงห์
 $P(x, y)$ เท่ากับ r เราจะให้ $\sqrt{(x-h)^2 + (y-k)^2} = r$
หรือ $(x-h)^2 + (y-k)^2 = r^2$ เป็นสมการของ
วงกลมซึ่งมีจุดศูนย์กลางอยู่ที่ (h, k) และรัศมีไม่เท่ากับ r
ด้วย Λ คือวงกลมที่ลากของจุดที่หัว (h, k) รัศมี r สมการของวงกลม
จะมีรูปเป็น $x^2 + y^2 = r^2$

3. การสร้างสมการของวงกลม คือเราทราบว่า
รูปคุณลักษณะของวงกลมอยู่ที่ใน รัศมีเท่าไร เรายังไม่
ทราบ k, h และ r ในสมการหัวไปของวงกลมได้ แต่
ในการที่เราทราบรูปคุณลักษณะนั้น อย่างเช่นวงกลมราบต้อง
น้ำไปแทนในสมการหัวไปเพื่อแก้สมการหา k, h และ r
แต่เราจะต้องทราบจุดที่อยู่ในรูปคุณลักษณะ จึงจะหา k, h, r
ได้

บทที่ 5

ภาคตัดกรวย

1. พาราโบลา

1.1 นิยาม พาราโบลาคือ ໄลกซองรูปทรง
หัวทางกรุกงห์ที่ทุกหนึ่งและเส้นกรวยที่เส้นหนึ่งเป็นระยะ
ทางเท่ากัน

จุดคงที่เรียกว่า จุดไอกซ์ และเส้นกรวยที่เรียกว่า
ໄลกซองกรวย

1.2 สมการของพาราโบลา คือพาราโบลาที่
มีจุดคงที่ที่หัวและเส้นกรวยที่หัว $(a, 0)$ เราจะให้

